

Akademisch und doch nützlich:

Einführung in die funktionale Programmierung

Lukas Braun (koomi)  
koomi@hackerspace-bamberg.de

# Vorwort

- "Funktionale Programmierung" ist ein Paradigma
- "Imperativ" ist das vorherrschende Paradigma
- Die Welt ist nicht in funktional und nicht funktional eingeteilt, funktionale Ideen existieren in imperativen Sprachen und andersrum.
- Typsignaturen und Syntax:
  - > 5 :: Int
  - > add :: Int -> Int -> Int
  - > add x y = x + y
  - > add 2 3
- theoretische Einführung

# Eigenschaften funktionaler Programmiersprachen

- Funktionen wie in der Mathematik
  - keine Zuweisung, kein Zustand
  - Programme bestehen nur aus Funktionsdefinitionen, -zusammensetzung und -anwendung (und Daten)
  - Funktionen sind Daten, können über- und zurückgegeben, zur Runtime erstellt werden
- ```
> map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
> map plusOne [1,2,3] => [2,3,4]
```
- Currying & partielle Anwendung
  - algebraische Datentypen & Pattern Matching
  - statt Schleifen häufig Rekursion
  - IO/Seiteneffekte werden durch ausgefallene Tricks so in die Sprache integriert, dass die Reinheit bestehen bleibt (z.B. Monaden)

## Erhaltene Vorteile

- mathematisch beschreibbar bis hin zu formalen Korrektheitsbeweisen
- Die Reihenfolge der Berechnung ist irrelevant
  - > problemloser Parallelismus, da kein Zustand und folglich keine Race Conditions etc.
  - > Bedarfsauswertung (lazy evaluation)
- Kontrollstrukturen durch Higher-Order Functions und Lazyness leicht selbst implementierbar
- sehr mächtige Typsysteme mit Typinferenz möglich
- Der Fokus liegt mehr darauf, was rauskommen soll, nicht wie dies erreicht wird.

## Funktionsbegriff in Mathematik vs. Informatik

- Informatik: Funktion als Unterprogramm,  
kann Variablen verändern, I/O, etc.
  - > Bei gleicher Eingabe zu unterschiedlichen  
Zeitpunkten sind unterschiedliche  
Ergebnisse möglich.
  - > Ein Funktionsaufruf kann andere Funktionen  
beeinflussen, auch wenn kein direkter  
Zusammenhang besteht.
- Mathe: Abbildung von Eingabewert auf Ausgabewert
  - > Keine "Nebenwirkungen" (side effects)
  - > Bei gleicher Eingabe stets gleiches Ergebnis  
(referenzielle Transparenz)

## Currying und partielle Anwendung

### Currying:

= Funktionen mit mehreren Argumenten sind tatsächlich geschachtelte Funktionen mit einem Argument

```
> add :: Int -> Int -> Int
```

```
> add :: Int -> (Int -> Int)
```

### partielle Anwendung:

= Nicht alle Argumente einer mehrstelligen Funktion werden übergeben, um die erhaltene Funktion weiter zu verwenden.

```
> plusOne = add 1
```

```
> map (add 1) [1,2,3]
```

# Algebraische Datentypen & Pattern Matching

algebraische Datentypen:

= Benutzerdefinierte Datentypen zusammengesetzt aus bestehenden Typen und Konstruktoren

```
> data Int = 0 | 1 | 2 | ...
```

```
> data List a = Cons a (List a) | Nil
```

```
> numbers :: List Int
```

```
> numbers = Cons 1 (Cons 2 Nil)
```

Pattern Matching:

= Dekonstruktion von ADT durch Matching gegen die Konstruktoren

```
> map :: (a -> b) -> List a -> List b
```

```
> map f Nil = Nil
```

```
> map f (Cons x xs) = Cons (f x) (map f xs)
```

# Rekursion

- gefahrlos möglich durch Tail Call Optimization:  
Kein neuer Stack-Frame benötigt bei Funktionsaufruf als Rückgabe einer anderen Funktion  
-> Umwandlung in iterativen Algorithmus
- Ermöglichung von TCO durch Umwandlungen:  
>  $\text{fac } 0 = 1$   
>  $\text{fac } n = n * \text{fac } (n-1)$   
wird zu:  
>  $\text{fac}' 0 x = x$   
>  $\text{fac}' n x = \text{fac}' (n-1) (x*n)$
- Häufige Rekursions-Schemen werden in Higher-Order Functions ausgelagert (map, folds, filter, ...)

# Lazy Evaluation

- = Ausdrücke werden erst berechnet, wenn der Wert tatsächlich benötigt wird, vorher als "Thunks" (Versprechen) gespeichert
- unbenötigte Werte werden nicht berechnet
- unendliche Datenstrukturen
- Parameter bei Funktionsaufruf nicht berechnet  
-> Funktionen als Kontrollstrukturen
- erschwert das Nachdenken über Speicherverbrauch
- Space Leak: Ergebnisse der Thunks würden weniger Speicher benötigen, mögl. linearer Anstieg statt konstantem Speicherverbrauch
- unvereinbar mit imperativem Programmieren da Zeitpunkt bei Nebeneffekten entscheidend

## Benutzerdefinierte Kontrollstrukturen

```
> if :: Bool -> a -> a -> a
> if True  exp exp' = exp
> if False exp exp' = exp'
> foo = if True (f a) (g b)
```

Bedarfsauswertung:

Der `Bool` und die Thunks von `(f a)` und `(f b)` werden an `if` übergeben, `if` gibt den Thunk `(f a)` zurück.

Strikte Auswertung:

Beim Aufruf von `if` werden `(f a)` und `(f b)` berechnet und deren Ergebnisse übergeben, das Resultat von `(f a)` wird zurückgegeben.

# Typsysteme

- untypisiertes Lambda-Kalkül in Lisps
  - seit Hindley-Milner-Typinferenz verstärkt starke statische Typsysteme, jedoch ohne Typen angeben zu müssen. Beispiel:  
Berechnungen die scheitern können werden durch Typen gekennzeichnet und Behandlung erzwungen
- > `data Maybe a = Nothing | Just a`
- Dependent Types: Typen können von Werten abhängen
  - Curry-Howard-Korrespondenz: Typen sind logische Aussagen, ein Programm mit diesem Typ ist ein Beweis für diese Aussage. Code-Inferenz ist möglich.

## Monadisches IO

- Funktionen die IO ausführen geben ein IO a zurück
- ```
> readFile :: String -> IO String
```
- Pattern Matching gegen IO geht nicht, Werte können nur durch monadische Funktionen benutzt werden:
- ```
> bind :: IO a -> (a -> IO b) -> IO b
```
- ```
> bind = >>=
```
- ```
> return :: a -> IO a
```
- ```
> >> :: IO a -> IO b -> IO b
```
- ```
> putStrLn "Schreib was" >> getLine >>= putStrLn
```
- Syntaktischer Zucker:
- ```
> main = do
```
- ```
>     putStrLn "Schreib was"
```
- ```
>     input <- getLine
```
- ```
>     putStrLn input
```

## Links

- Einführung in Haskell mit viel Code-Beispielen: <http://goo.gl/RbmM7>
- Andreas Bogk programmiert einen zertifizierten PDF-Parser mit Coq: <http://goo.gl/fFYdt>

